: Prince Moulay Abdellah

Equations et inéquations et systèmes: I

Niveau: TCT-TCS: BIOF

**Année**: 2021-2022

# I) Les équations et les inéquations du premier degré a une inconnue.

## 1°) Les équations du premier degré a une inconnue.

**Définition :** On appelle équations du premier degré a une inconnue toute équation de la forme : ax + b = 0 où les coefficients a, b sont des réels donnés et x est l'inconnue Résoudre l'équations c'est déterminer l'ensemble de toutes les solutions notées : S

## **Applications :** Résoudre dans $\mathbb{R}$ les équations suivantes :

1) 
$$-2x + 22 = 0$$

1) 
$$-2x + 22 = 0$$
 2)  $3(2x+5) = 6x-1$ 

3) 
$$4(x-2) = 6x - 2(x+4)$$

4) 
$$2x + 3)^2 - (2x + 3)(x - 4) = 0$$
 5)  $x^2 - 100 = 0$ 

6)
$$\frac{3}{x+2}$$
- $\frac{5}{x-2}$ =0

6) 
$$\frac{3}{x+2} - \frac{5}{x-2} = 0$$
 7)  $\frac{(x-7)(x+3)}{x^2-9} = 0$ 

8) 
$$\frac{4^{x+2}}{x-3} = 5$$
 9)  $|7x-10| = |6+3x|$  10)  $x^3 - 7x = 0$ 

# **Exercice :** Résoudre dans $\mathbb{R}$ les équations :

a) 
$$\frac{3x+5}{x-1} = 0$$
 b)  $\frac{(2x+1)(x-3)}{x-4} = 0$  c)

$$\frac{x^2 - 9}{x + 3} = 0$$
 d)  $1 - \frac{x + 3}{x - 3} = \frac{2}{2 - x}$ 

# 2°) Les inéquations du premier degré a une inconnue.

a) Le signe du binôme ax+b  $a \in \mathbb{R}^*$  et  $b \in \mathbb{R}$ 

**Résumé** :  $a \in \mathbb{R}^*$  et  $b \in \mathbb{R}$ 

	x	$-\infty$		$\frac{-b}{a}$		$+\infty$
	ax + b		signe de	0	signe de	
l			-a		$\boldsymbol{a}$	

**Exemples :1**) étudions le signe de : 3x+6

(coefficient de x positif)

2) étudions le signe de : -2x+12

(coefficient de x négatif)

## b) Solution de l'inéquations du premier degré a une inconnue

**Définition :** On appelle inéquations du premier degré a une inconnue toute inéquation de la forme :  $ax + b \ge 0$ ou  $ax+b \le 0$  ou ax+b < 0 ou ax+b > 0 où les coefficients a, b sont des réels donnés et x est l'inconnue Résoudre l'inéquations c'est déterminer l'ensemble de toutes les solutions notées : S

**Applications :** Résoudre dans IR les inéquations suivantes

1) 
$$-2x+12 > 0$$
 2)  $5x-15 \le 0$ 

3) 
$$4x^2 - 9 \ge 0$$
 4)  $(1-x)(2x+4) > 0$ 

5) 
$$\frac{5x-2}{1+3x} \ge 0$$
 6)  $\frac{(2x+1)(5x-10)}{2x-6} \le 0$ 

**Exercice :** Résoudre dans  $\mathbb R$  les inéquations suivantes :

1) 
$$(3-6x)(x+2) > 0$$
 2)  $\frac{2-6x}{3x-2} \neq 0$ 

Equations et inéquations et systèmes: II

Niveau: TCT-TCS: BIOF

Année : 2021-2022

## IV) équation du second degré a une inconnue.

1)**Définition :** Une équation du second degré a une inconnue **-** est une équation de la forme  $ax^2 + bx + c = 0$  où a, b et c sont des réels avec  $a \ne 0$ .

Une solution de cette équation s'appelle une racine du trinôme  $ax^2 + bx + c$ .

**Exemple :** L'équation  $3x^2 - 6x - 2 = 0$  est une équation du second degré.

# 2)Résolution d'une équation du second degré a une inconnue.

#### Activité :

Résoudre dans  $\mathbb R$  les équations suivantes :

1) 
$$x^2 = 16$$
 2)  $x^2 = -8$  3)  $(x + 2)^2 = 9$ 

4) 
$$5x^2 - 4x = 0$$
 5)  $3x^2 - x - 2 = 0$ 

## Cas général:

$$ax^{2} + bx + c = a\left(x^{2} + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}\right) = a\left(x^{2} + 2\frac{b}{2 \times a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^{2} - \left(\frac{b}{2a}\right)^{2} + \frac{c}{a}\right)$$
$$= a\left[\left(x + \frac{b}{2a}\right)^{2} - \frac{b^{2} - 4ac}{4a^{2}}\right] = a\left[\left(x + \frac{b}{2a}\right)^{2} - \frac{\Delta}{4a^{2}}\right]$$

On pose 
$$\Delta = b^2 - 4ac$$
 et  $\alpha = -\frac{b}{2a}$  et  $\beta = -\frac{\Delta}{4a^2}$ 

1)**Définitions**: Soit le du trinôme  $ax^2 + bx + c$  avec  $a \neq 0$ .

✓ Le trinôme peut s'écrire sous la forme dite la forme canonique :

$$ax^{2} + bx + c = a \left[ \left( x - \alpha \right)^{2} + \beta \right]$$

✓ On appelle d**iscriminan**t du trinôme  $ax^2 + bx + c$ , le nombre réel, noté  $\Delta = b^2 - 4ac$ .

**Propriété1 :** Les solutions dans ℝ de

l'équation x = a (Dépendent du signe de a)

- Si a < 0, alors l'équation n'a pas de solution.
- Si a = 0, alors l'équation possède une unique solution qui est 0.
- Si a > 0, alors l'équation possède deux solutions qui sont  $\sqrt{a}$  et  $-\sqrt{a}$

## Démonstration :

**Exemple :**Pour le trinôme  $3x^2 - x - 2$ 

- a) Calculons le discriminant :
- b) déterminons la forme canonique :

**Propriété2:** soit l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$  où a, b et c sont des réels avec  $a \neq 0$ .

et soit  $\Delta$  son discriminant

- Si  $\Delta < 0$ : L'équation  $ax^2 + bx + c = 0$  n'a pas de solution réelle c a d :  $S = \emptyset$ 

Et on ne peut pas factorisée le trinôme  $ax^2 + bx + c$ 

- Si  $\Delta = 0$ : L'équation  $ax^2 + bx + c = 0$  a une seule solution

(dite double):  $x_0 = -\frac{b}{2a}$ .

c a d:  $S = \{x_0\}$  et le trinôme  $ax^2 + bx + c$  a une forme

factorisée :  $ax^2 + bx + c = a(x - x_0)^2$ 

- Si  $\Delta > 0$ : L'équation  $ax^2 + bx + c = 0$  a deux solutions distinctes:

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$
 et  $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$  c a d :  $S = \{x_1; x_2\}$ 

Et le trinôme  $ax^2 + bx + c$  a une forme factorisée :

$$ax^{2} + bx + c = a(x - x_{1})(x - x_{2})$$

## **Démonstration:**

## 3)La somme et le produit des racines d'un trinôme.

**Proposition1:** soit le trinôme  $ax^2 + bx + c$  tel que son discriminant  $\Delta > 0$ 

Si  $x_1$  et  $x_2$  sont les racines du trinôme alors :

$$x_1 + x_2 = \frac{-b}{a}$$
 et  $x_1 \times x_2 = \frac{c}{a}$ 

**Proposition2**: le système : (I)  $\begin{cases} x + y = s \\ x \times y = n \end{cases}$  où les s, p

sont des réels donnés admet une solution dans  $\,\mathbb{R}^{2}\,$  ssi  $s^2 - 4p \ge 0$  et dans ce cas x, y sont solutions de l'équation  $x^2 - sx + p = 0$ 

## 4) le discriminant réduit d'un trinôme.

Soit le trinôme  $ax^2 + bx + c$ 

Si b est pair c a d b=2b' on parle du discriminant réduit

$$\Delta' = b'^2 - ac$$
 et on a :

- Si  $\Delta' < 0$  : pas de solution réelle c a d :  $S = \emptyset$ 

- Si  $\Delta' = 0$ : L'équation a une seule solution (dite double):

 $x_0 = -\frac{b'}{a}$ .

- Si  $\Delta' > 0$ : L'équation a deux solutions distinctes :

$$x_1 = \frac{-b' - \sqrt{\Delta'}}{a}$$
 et  $x_2 = \frac{-b' + \sqrt{\Delta'}}{a}$ 

**Applications :** Résoudre les équations suivantes et Factoriser les trinômes :

a) 
$$2x^2 - x - 6 = 0$$

b) 
$$2x^2 - 3x + \frac{9}{8} = 0$$

c) 
$$x^2 + 3x + 10 = 0$$

d) 
$$6x^2 - x - 1 = 0$$

**Applications**: Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes

1) 
$$6x^2 - 7x - 5 = 0$$
 **2)**  $2x^2 - 2\sqrt{2}x + 1 = 0$ 

3) 
$$3x^2 + x + 2 = 0$$
 **4)**  $4x^2 - 8x + 3 = 0$ 

**5)** 
$$x^2 - 4x + 2 = 0$$
 6)  $x^2 + 5x + 7 = 0$ 

7) 
$$2x^2 - 4x + 6 = 0$$
 8)  $x^2 - 4x - 21 = 0$ 

9) 
$$3x^2 - 6x + 3 = 0$$

Exercice1: Factoriser les trinômes:

a) 
$$4x^2 + 19x - 5$$
 b)  $9x^2 - 6x + 1$ 

b) 
$$9x^2 - 6x + 1$$

**Exercice 2:** Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation (E) :

$$\frac{x-2}{2x^2-3x-2} - \frac{x^2}{2x^2+13x+6} = 0$$

**Exemple :** soit le trinôme  $2019x^2 - 2020x + 1$ 

- a) vérifier que 1 est racine du trinôme
- b) trouver l'autre racine du trinôme

**Exemple:** soit le trinôme (T):  $-2x^2 + \sqrt{2}x + 2$ 

- 1) prouver que le trinôme (T) admet deux racines distinctes  $\alpha$  et  $\beta$  sans les calculer
- 2) Déduire les valeurs suivantes :  $\alpha + \beta$ ;  $\alpha \times \beta$ ;  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ ;

$$\alpha^2 + \beta^2; \frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}; \alpha^3 + \beta^3$$

**Exemple :** Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système :  $\begin{cases} x + y = 5 \\ x \times v = 4 \end{cases}$ 

**Applications :** Résoudre l'équations suivantes :  $x^2 - 22x - 23 = 0$ 

## V) Inéquation du second degré a une inconnue.

1) **Définition**: on pose :  $P(x) = ax^2 + bx + c$ 

Une inéquation du second degré a une inconnue est une inéquation de la forme  $P(x) \ge 0$  ou P(x) > 0 ou

$$P(x) \le 0$$
 ou  $P(x) < 0$ 

# 2) Signes du trinôme : $ax^2 + bx + c$ . $a \ne 0$

Si  $\Delta < 0$ : On a vu que le trinôme  $ax^2 + bx + c$  avec  $a \neq 0$ 

peut s'écrire sous la forme : 
$$ax^2 + bx + c = a \left[ \left( x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{\Delta}{4a^2} \right]$$

et puisque
$$\Delta < 0$$
 Donc :  $-\Delta > 0$  Alors  $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{\Delta}{4a^2} > 0$ 

et par suite : le trinôme  $ax^2 + bx + c$  est du signe de a

Si 
$$\Delta = 0$$
: On a:  $ax^2 + bx + c = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$  et puisque

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 \ge 0$$
 Alors le trinôme  $ax^2 + bx + c$  est du signe

de *a* pour 
$$x \neq \frac{-b}{2a}$$

L'équation 
$$ax^2 + bx + c = 0$$
 peut s'écrire :  $\left(x + \frac{b}{2a}\right) = 0$ 

- Si 
$$\Delta > 0$$
: on a:  $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$ 

x	$-\infty$	x1		x2	$+\infty$
x-x1	_		_	þ	+
x-x2	_	þ	+		+
(x-x1)(x-x2)	+	þ	_	Q	+

#### Donc on a:

## Résumé:

Si  $\Delta > 0$  le trinôme  $ax^2 + bx + c$  est du signe de aa l'extérieur des racines et le signe contraire de a entre les racines

$\boldsymbol{x}$	$-\infty$		$x_1$		$x_2$		$+\infty$
f(x)		$_{ m Signe}$	0	Signe		Signe de	
J(x)		de a	ľ	de -a	ľ	$\mathrm{de}\;a$	

ightharpoonup Si  $\Delta < 0$ : le trinôme  $ax^2 + bx + c$  est du signe de a

$\boldsymbol{x}$	$-\infty$		$+\infty$
f(x)		Signe de $a$	

Si  $\Delta = 0$ : le trinôme  $ax^2 + bx + c$  est du signe de a

$\boldsymbol{x}$	$-\infty$		$x_0$		$+\infty$
f(x)		Signe	0	Signe	
J (2)		de a	ľ	de a	

Exemple: Résoudre les inéquations suivantes:

a) 
$$2x^2 - 3x + 1 \ge 0$$

a) 
$$2x^2 - 3x + 1 \ge 0$$
 b)  $-2x^2 + 4x - 2 \ge 0$  c)

$$3x^2 + 6x + 5 < 0$$

Exercice 3: Résoudre les inéquations suivantes :

a) 
$$3x^2 + 6x - 9 > 0$$

a) 
$$3x^2 + 6x - 9 > 0$$
 b)  $x^2 + 3x - 5 < -x + 2$  c)

$$\frac{1}{x^2 - x - 6} \ge 2$$

Exercice4: Résoudre les inéquations suivantes:

a) 
$$2x^2 - 4x + 6 \ge 0$$
 b)  $4x^2 - 8x + 3 \le 0$ 

b) 
$$4x^2 - 8x + 3 \le 0$$

c) 
$$x^2 - 3x - 10 < 0$$

Exercice 5: Résoudre les équations et les inéquations

suivantes: 1) 
$$(x-1)^2 = 9$$
 2)  $(x-1)^2 \le 9$  3)  $\frac{x-1}{x} = \frac{2}{3}$ 

$$4) \frac{x-1}{x} \le \frac{2}{3}$$

Exercice6: soit le polynôme suivant (E):

$$P(x) = x^3 - \sqrt{2}x^2 - x + \sqrt{2}$$

1)Montrer que 1 est racine du polynôme P(x)

2)Montrer que 
$$P(x) = (x+1)(x^2 - (\sqrt{2}+1)x + \sqrt{2})$$

3)On pose : 
$$Q(x) = x^2 - (\sqrt{2} + 1)x + \sqrt{2}$$
 et soit  $\Delta$  son discriminant

a) Vérifier que : 
$$\Delta = (\sqrt{2} - 1)^2$$

b) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation Q(x) = 0

4)en déduire les solutions de

l'équation 
$$x - (\sqrt{2} + 1)\sqrt{x} + \sqrt{2} = 0$$

- 5) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation P(x)=0
- 6) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation  $P(x) \leq 0$

**Exercice7:** soit l'équation E:

$$x^2 + (2\sqrt{3} - \sqrt{2})x - 2\sqrt{6} = 0$$
 et soit  $\Delta$  son discriminant

1) Vérifier que : 
$$\Delta = \left(2\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)^2$$

- 2) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation (E)
- 3) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation P(x)=0
- 4) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation P(x) > 0

5)en déduire les solutions de

l'équation 
$$x + \left(2\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)\sqrt{x} - 2\sqrt{6} = 0$$

Lycée

Equations et inéquations et systèmes: III

## III) Système de deux équations du premier degré à deux inconnues

**Définition :** On appelle système de deux équations du premier degré a deux inconnues toute système de la forme :

: Prince Mbulay Abdellah

$$(I) \begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$
 où les coefficients  $a, b, c, d$  sont des

réels donnés et le couple (x, y) est l'inconnue dans

Résoudre le système (I) c'est déterminer l'ensemble S des solutions c a d l'ensemble des couples (x, y) qui vérifient

les deux équations: ax + by = c et a'x + b'y = c'simultanément

**Remarque :** pour Résoudre un système (I) on utilise généralement quatre méthodes :

- Méthode de substitution
- Méthode de combinaison linéaire ou addition
- Méthode des déterminants
- Méthode graphique

## 1) Méthode de substitution :

Substituer, c'est remplacer par (Mettre à la place de).

## 2) Méthode de combinaison linéaire ou méthode par addition.

Cette méthode consiste à faire apparaître des coefficients opposés pour l'une des inconnues, en multipliant les équations par des facteurs bien choisis. En additionnant membre à membre les deux équations transformées, on obtient une équation à une seule inconnue que l'on peut résoudre.

**Remarque:** Un système peut n'avoir aucune solution ou encore une infinité de solutions.

Soit le système : 
$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$
. Si les coefficients

de x et de y sont proportionnels, c'est-à-dire si ab' = a'b, ce système a une infinité de solutions ou pas de

- si de plus  $ac' \neq a'c$ , alors le système n'a pas de solution ;  $-\sin ac' = a'c$  (les coefficients des deux équations sont proportionnels), alors le système a une infinité de solutions.

Exemple : Résoudre le système dans

**Exemple**: Résoudre le système dans

**Exercice1** : Résoudre le système dans  $\mathbb{R}^2$  :  $\int 3x + y = 5$  $\int 2x - 3y = -4$ 

## 3) Méthode graphique

Résoudre graphiquement le système  $\begin{cases} 3x + y = 5 \\ 2x - 3y = -4 \end{cases}$ 

Les équations du type ax + by = c correspondent en fait à des équations de droite.

La solution du système correspond aux coordonnées, dans un repère, du point d'intersection des deux droites. on a tracé les deux droites associées au système

On lit les coordonnées du point d'intersection (1, 2)

donc 
$$S = \{(1,2)\}$$

On distingue alors trois cas dans la résolution des systèmes graphiquement:

- Si les droites sont parallèles et distinctes, le système (S) n'admet aucun couple solution.
- Si les droites) sont sécantes, le système (S) admet une solution unique.
- Si les droites sont confondues, alors le système (S) admet une infinité de couples solutions.

## 4) Méthode des déterminants

**Définition :** soit le système de deux équations a deux —

inconnues suivant : (I) 
$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$

Le nombre réel noté :  $\Delta = \begin{vmatrix} a & b \\ a' & b' \end{vmatrix} = ab' - a'b$ 

S'appelle le déterminant du système (I)

Le critère suivant permet d'en savoir plus long sur le nombre de solutions d'un système....

**Proposition :** soit le système de deux équations à deux inconnues suivant:

$$(I) \begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$
 et  $\Delta$  son déterminant

1)Si  $\Delta \neq 0$  alors le système (I) admet un couple solution unique

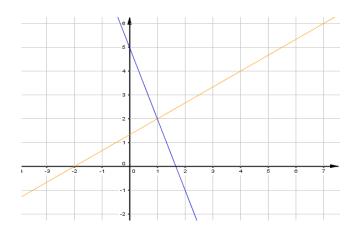
$$x = \frac{\begin{vmatrix} c & b \\ c' & b' \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{cb' - c'b}{\Delta} \qquad y = \frac{\begin{vmatrix} a & c \\ a' & c' \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{ac' - a'c}{\Delta}$$

2)Si  $\Delta = 0$  alors:

✓ Si  $\Delta_x = 0$  et  $\Delta_y = 0$  alors :les deux équations ax + by = c et a'x + b'y = c' sont équivalentes et dans ce cas Résoudre le système c'est Résoudre l'une des équations par exemple en choisi : ax + by = c et alors

on a: 
$$S = \left\{ \left( x; \frac{c - ax}{b} \right) / x \in \mathbb{R}; b \neq 0 \right\}$$

 $\checkmark$  Si  $\Delta_x \neq 0$  ou  $\Delta_y \neq 0$  alors le système (I)n'admet aucun couple solutions et donc  $S = \emptyset$ 



**Exemple :**Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  les systèmes suivants

Exemple : Résoudre dans 
$$\mathbb{R}^2$$
 les systèmes
$$\begin{cases}
3x - y = 5 \\
1) \left(2x + 4y = -6
\end{cases} & \begin{cases}
8x + 4y = 4 \\
2x + y = 3
\end{cases} \\
\begin{cases}
\sqrt{2}x - y = \sqrt{2} \\
2x - \sqrt{2}y = 2
\end{cases} & \begin{cases}
4x + 2y = -2 \\
x - 3y = -11 \\
2x + 4y = 8
\end{cases} \\
5) (I) \begin{cases}
x - 2y = 1 \\
3x + y = 2 \\
x - y = 3
\end{cases}$$

## **Applications : RÉSOLUTION DE PROBLÈMES**

L'association des Enfants Heureux organise une course. Chaque enfant a un vélo ou un tricycle. L'organisateur a compté enfants et

- 1. Combien de vélos et combien de tricycles sont engagés dans cette course?
- 2. Chaque vélo engagé rapporte 500 F et chaque tricycle 400 F. Calculer la somme que l'association des Enfants Heureux recevra.

Exercice2:1. On considère le système suivant :

$$\begin{cases} 45x + 30y = 510 \\ 27x + 20y = 316 \end{cases}$$

- a. Les nombres x = 10 et y = 2 sont-ils solutions de ce système?
- b. Résoudre le système.
- 2. Pour les fêtes de fin d'année, un groupe d'amis souhaite emmener leurs enfants assister à un spectacle.

Les tarifs sont les suivants :

- 45 dh par adulte et 30 par enfant s'ils réservent en catégorie 1.
- 27 dh par adulte et 20 dh par enfant s'ils réservent en catégorie 2.

Le coût total pour ce groupe d'amis est de 510 dh s'ils réservent en catégorie 1 et 316 euros s'ils réservent en catégorie 2.

Déterminer le nombre d'adultes et d'enfants de ce groupe?

**Exercice3:** Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  les systèmes suivants

1) 
$$\begin{cases} x - 2y = 1 \\ -2x + 4y = -2 \end{cases}$$
 2) 
$$\begin{cases} 3x - 4y = 2 \\ -x + \frac{4}{3}y = -\frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\sqrt{5} - \sqrt{3})x + (\sqrt{2} - 1)y = 0 \\ (\sqrt{2} + 1)x + (\sqrt{5} + \sqrt{3})y = 1 \end{cases} = 4 \end{cases} \begin{cases} x + y = 11 \\ x^2 - y^2 = 44 \end{cases}$$

**Exercice4:1**) Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  les systèmes suivants:

$$\begin{cases} -7x - 3y = 4\\ 4x + 5y = -2 \end{cases}$$

2)en déduire les solutions du système suivant :

$$\begin{cases} \frac{-7}{x} - \frac{3}{y} = 4\\ \frac{4}{x} + \frac{5}{y} = -2 \end{cases}$$

**Exercice5 :** résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système suivant :

$$\begin{cases} \frac{5}{x-1} + \frac{3}{y-2} = 4 \\ \frac{-2}{x-1} + \frac{1}{y-2} = 1 \end{cases}$$

**Exercice6** : résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système suivant :

$$\begin{cases} 2\sqrt{x} + \sqrt{y} = 6\\ -3\sqrt{x} + 5\sqrt{y} = 17 \end{cases}$$

**Exercice7:** résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système suivant :

$$\begin{cases} 2x^2 - 5y^2 = 1\\ 4x^2 + 3y^2 = 15 \end{cases}$$

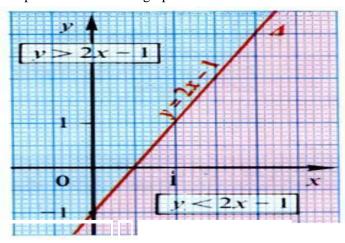
# 5)les inéquations du premier degré avec deux inconnues.

**Activité :** résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  l'inéquation : y -2x + 1 > 0 Soit l'équation y -2x + 1 = 0

on trace de la droite d'équation y = 2x - 1.

Cette droite partage le plan en deux demi-plans.

On peut observer sur le graphe ci-contre :



**Remarques :**Si la droite passe par l'origine, on 'essaie » un autre point bien choisi.

Si l'inégalité est au sens large, on doit « ajouter » aux points du demi -plan les points de la droite « frontière ».

# **Application : Exemple1 :**

Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  l'inéquation : 2x - y - 2 < 0

# Exemple2: d'application:

Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  l'inéquation :  $x-y-3 \ge 0$ 

## Exemple3: d'application:

Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  l'inéquation : 2x - y < 0

**Exemple4:** Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$ 

l'inéquation : 3x + 2y < 2x + 2y - 1

**Exemple5 :** Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  le système d'inéquations

suivant: 
$$(S)$$
 
$$\begin{cases} x+y-1 \ge 0 \\ -x+2y+2 \le 0 \end{cases}$$

**Exemple6 :** Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  le système d'inéquations

suivant: 
$$(S)$$
 
$$\begin{cases} 2x + y - 3 \ge 0 \\ -x + y + 5 \le 0 \end{cases}$$

**Exemple7 :** Résoudre Dans  $\mathbb{R}^2$  le système d'inéquations

suivant: 
$$(S)$$

$$\begin{cases} 3x + 2y - 6 < 0 & (1) \\ x - 2y + 2 < 0 & (2) \\ 4x - 3y + 12 > 0 & (3) \end{cases}$$